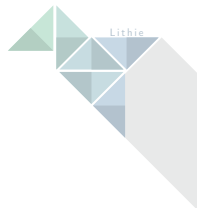


Mein Compiler und ich.

Tutorium ZeroHero

Florian Sihler ◦ KW 43



Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)
2. ja (da $0 < 7$)

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)
2. ja (da $0 < 7$)
3. nein (da $7 > \max\{5, 2\}$)

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)
2. ja (da $0 < 7$)
3. nein (da $7 > \max\{5, 2\}$)
4. nein (da $5 > 2$)

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)
2. ja (da $0 < 7$)
3. nein (da $7 > \max\{5, 2\}$)
4. nein (da $5 > 2$)
5. nein (da letztes Element)

Präsenzaufgabe

1

Schau mal, ich bin schon groß!

Entwickeln Sie einen Algorithmus, der als Eingabe eine Liste von Zahlen erhält. Anschließend soll er für jedes Element der Liste bestimmen, ob nach diesem Element noch eine größere Zahl in der Liste folgt.

Beispiel mit der Liste „1, 0, 7, 5, 2“:

1. ja (da $1 < 7$)
2. ja (da $0 < 7$)
3. nein (da $7 > \max\{5, 2\}$)
4. nein (da $5 > 2$)
5. nein (da letztes Element)

Welche Laufzeit hat Ihr Algorithmus im schlechtesten Fall?

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 **for** $i = 1$ **to** n **do**

2 gefunden \leftarrow falsch;

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 for $i = 1$ to n do

2 | gefunden \leftarrow falsch;

3 | **for $j = i+1$ to n do** // Wird für $j > n$ nicht betreten.

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do  
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;  
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.  
4     if  $a_j > a_i$  then
```

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do  
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;  
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.  
4     if  $a_j > a_i$  then  
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
```

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do  
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;  
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.  
4     if  $a_j > a_i$  then  
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;  
6       break;  
7     end  
8   end
```


Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.
4     if  $a_j > a_i$  then
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
6       break;
7     end
8   end
9   if gefunden then
```

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.
4     if  $a_j > a_i$  then
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
6       break;
7     end
8   end
9   if gefunden then Gebe aus: „ja“ else
```

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.
4     if  $a_j > a_i$  then
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
6       break;
7     end
8   end
9   if gefunden then Gebe aus: „ja“ else Gebe aus: „nein“ ;
10 end
```

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.
4     if  $a_j > a_i$  then
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
6       break;
7     end
8   end
9   if gefunden then Gebe aus: „ja“ else Gebe aus: „nein“ ;
10 end
```

Algorithmus 1 : Naiver Ansatz

Präsenzaufgabe - Lösung

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
2   gefunden  $\leftarrow$  falsch;
3   for  $j = i+1$  to  $n$  do // Wird für  $j > n$  nicht betreten.
4     if  $a_j > a_i$  then
5       gefunden  $\leftarrow$  wahr;
6       break;
7     end
8   end
9   if gefunden then Gebe aus: „ja“ else Gebe aus: „nein“ ;
10 end
```

Nach kleinem Gauß
ergibt sich die Laufzeit:

$$c \cdot \frac{n(n+1)}{2} \in O(n^2).$$

Algorithmus 1 : Naiver Ansatz

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($\mathcal{O}(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($\mathcal{O}(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($\mathcal{O}(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

- 1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;
- 2 $\max \leftarrow -\infty$;

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;

2 $\max \leftarrow -\infty$;

3 **for** $i = n$ **to** 1 **do**

|

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;

2 $\max \leftarrow -\infty$;

3 **for** $i = n$ **to** 1 **do**

4 **if** $\max > a_i$ **then**

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;

2 $\max \leftarrow -\infty$;

3 **for** $i = n$ **to** 1 **do**

4 **if** $\max > a_i$ **then** $w_i \leftarrow \text{„ja“}$ **else**

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

- 1 Erstelle Liste an n Wörtern: w_1, \dots, w_n ;
- 2 $\max \leftarrow -\infty$;
- 3 **for** $i = n$ **to** 1 **do**
- 4 **if** $\max > a_i$ **then** $w_i \leftarrow \text{„ja“}$ **else** $w_i \leftarrow \text{„nein“}$;

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1  Erstelle Liste an  $n$  Wörtern:  $w_1, \dots, w_n$ ;  
2   $\max \leftarrow -\infty$ ;  
3  for  $i = n$  to 1 do  
4    | if  $\max > a_i$  then  $w_i \leftarrow$  „ja“ else  $w_i \leftarrow$  „nein“ ;  
5    | if  $a_i > \max$  then  $\max \leftarrow a_i$ ;  
6  end
```

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1  Erstelle Liste an  $n$  Wörtern:  $w_1, \dots, w_n$ ;  
2   $\max \leftarrow -\infty$ ;  
3  for  $i = n$  to  $1$  do  
4  |   if  $\max > a_i$  then  $w_i \leftarrow$  „ja“ else  $w_i \leftarrow$  „nein“ ;  
5  |   if  $a_i > \max$  then  $\max \leftarrow a_i$ ;  
6  end  
7  for  $i = 1$  to  $n$  do  
   |
```

Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1  Erstelle Liste an  $n$  Wörtern:  $w_1, \dots, w_n$ ;  
2   $\max \leftarrow -\infty$ ;  
3  for  $i = n$  to  $1$  do  
4  |   if  $\max > a_i$  then  $w_i \leftarrow$  „ja“ else  $w_i \leftarrow$  „nein“ ;  
5  |   if  $a_i > \max$  then  $\max \leftarrow a_i$ ;  
6  end  
7  for  $i = 1$  to  $n$  do  
8  |   Gebe aus:  $w_i$ ;  
9  end
```


Präsenzaufgabe - Effizientere Lösung

Für eine optimierte/bessere Laufzeit ($O(n)$):

Input : Eingabe als Liste von n Zahlen: a_1, \dots, a_n

```
1  Erstelle Liste an  $n$  Wörtern:  $w_1, \dots, w_n$ ;  
2   $\max \leftarrow -\infty$ ;  
3  for  $i = n$  to  $1$  do  
4  |   if  $\max > a_i$  then  $w_i \leftarrow$  „ja“ else  $w_i \leftarrow$  „nein“ ;  
5  |   if  $a_i > \max$  then  $\max \leftarrow a_i$ ;  
6  end  
7  for  $i = 1$  to  $n$  do  
8  |   Gebe aus:  $w_i$ ;  
9  end
```

Algorithmus 2 : Bezüglich der Laufzeit besserer Ansatz

How-To Pseudocode

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- Menschenlesbare Notation (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar



How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- Menschenlesbare Notation (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- Beispiel:

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- **Beispiel:**



`// @author Florian, the lone pengu`

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- **Beispiel:**

```
// @author Florian, the lone pengu
```



Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

```
// Jeder Pinguin ist klasse!
```


How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- **Beispiel:**

```
// @author Florian, the lone pengu
```

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

```
// Jeder Pinguin ist klasse!
```



```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
```

```
    |
```

How-To Pseudocode

- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- Beispiel:

```
// @author Florian, the lone pengu
```

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ...  _{n}

```
// Jeder Pinguin ist klasse!
```


```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
```

```
2   | if  $i$  ist klasse! then
```

How-To Pseudocode



- **Konsistent bleiben**
- **Menschenlesbare Notation** (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- Beispiel:

```
// @author Florian, the lone pengu
```

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ...  _{n}

```
// Jeder Pinguin ist klasse!
```

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
```


```
2   | if  $i$  ist klasse! then return  $i$  ;
```

```
3 end
```

How-To Pseudocode



- **Konsistent bleiben**
- Menschenlesbare Notation (meist Programmiersprachen-Mathe-Gemisch)
- Solange *klar* und *eindeutig*, frei gestaltbar
- Beispiel:

```
// @author Florian, the lone pengu
```

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

```
// Jeder Pinguin ist klasse!
```

```
1 for  $i = 1$  to  $n$  do
```

```
2   | if i ist klasse! then return i ;
```

```
3 end
```

```
4 return  ; // Wenn kein klasse Pingu gefunden.
```

Algorithmus 3 : Einen „klasse“ Pinguin finden



Pseudocode: do's and don'ts

Pseudocode: do's and dont's

- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.

Pseudocode: do's and dont's

- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.

Pseudocode: do's and dont's

- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.
- *Don't*: Spracheigene „syntactic-sugar“ Funktionen oder Definitionen verwenden.

Pseudocode: do's and dont's



- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.
- *Don't*: Spracheigene „syntactic-sugar“ Funktionen oder Definitionen verwenden.
Also: kein `int`, `String` oder `double`.

Pseudocode: do's and dont's

- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.
- *Don't*: Spracheigene „syntactic-sugar“ Funktionen oder Definitionen verwenden.
Also: *kein* `int`, `String` oder `double`.
- *Don't*: Einfach nur Java- oder C-Code.



Pseudocode: do's and dont's




- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.
- *Don't*: Spracheigene „syntactic-sugar“ Funktionen oder Definitionen verwenden.
Also: *kein* `int`, `String` oder `double`.
- *Don't*: Einfach nur Java- oder C-Code.
- *Don't*: Zu allgemein Formulieren:

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

Pseudocode: do's and dont's

- *Do*: Gerne eine an Python oder C angelehnte Syntax verwenden.
- *Do*: mathematisch bleiben, also $n \in \mathbb{N}$, $n \in [0, \infty)$ oder „Zeichenkette n “.
- *Don't*: Spracheigene „syntactic-sugar“ Funktionen oder Definitionen verwenden.
Also: *kein* `int`, `String` oder `double`.
- *Don't*: Einfach nur Java- oder C-Code.
- *Don't*: Zu allgemein Formulieren:

Input : Eingabe als Liste von n Pingus: ₁, ... _n

1 `sucheKlassePingu(1, ... n, );`

Algorithmus 4 : Einen „klasse“ Pinguin finden




Pseudocode, Beispiele



I

Pseudocode, Beispiele






In: ₁, ..., _n

Out: awesome-pengu, if none: mega-pengu

iterate for every _i in ₁, ..., _n:

 if _i is awesome: return _i // Pengu found

return  // Not found

Sei A die Liste an n Pingus, indexiert mit .
Mache nun für jeden Pingu  aus A: [Durchsuche Pingus]
 Wenn  klasse ist:
 Gebe  zurück. [Pingu gefunden]
Wenn kein Pingu super war:
 Gebe Mega-Pingu () zurück.

Übungsblatt 0 - Aufgabe 1

Übungsblatt 0 - Aufgabe 1

- In der Konsole: `java -version`:

Übungsblatt 0 - Aufgabe 1

- In der Konsole: `java -version`:

```
openjdk version "11.0.17" 2022-10-18  
OpenJDK Runtime Environment (build 11.0.17+8-alpine-r0)  
OpenJDK 64-Bit Server VM (build 11.0.17+8-alpine-r0, mixed mode)
```

Übungsblatt 0 - Aufgabe 1

- In der Konsole: `java -version`:

```
openjdk version "11.0.17" 2022-10-18
OpenJDK Runtime Environment (build 11.0.17+8-alpine-r0)
OpenJDK 64-Bit Server VM (build 11.0.17+8-alpine-r0, mixed mode)
```

- Sowie: `javac -version`:

Übungsblatt 0 - Aufgabe 1

- In der Konsole: `java -version`:

```
openjdk version "11.0.17" 2022-10-18
OpenJDK Runtime Environment (build 11.0.17+8-alpine-r0)
OpenJDK 64-Bit Server VM (build 11.0.17+8-alpine-r0, mixed mode)
```

- Sowie: `javac -version`:

```
javac 11.0.17
```

Übungsblatt 0 - Aufgabe 2

Übungsblatt 0 - Aufgabe 2

- Tipp, tipp, tipp, ...

```
1 class Hello {  
2     public static void main(String[] args) {  
3         System.out.println("Hello_World!");  
4     }  
5 }
```


Übungsblatt 0 - Aufgabe 2

- Tipp, tipp, tipp, ...

```
1 class Hello {  
2     public static void main(String[] args) {  
3         System.out.println("Hello_World!");  
4     }  
5 }
```

- Sowie: `javac Hello.java`

Übungsblatt 0 - Aufgabe 2

- Tipp, tipp, tipp, ...

```
1 class Hello {  
2     public static void main(String[] args) {  
3         System.out.println("Hello_World!");  
4     }  
5 }
```

- Sowie: `javac Hello.java`
- Und dann: `java Hello:`

Übungsblatt 0 - Aufgabe 2

- Tipp, tipp, tipp, ...

```
1 class Hello {  
2     public static void main(String[] args) {  
3         System.out.println("Hello_World!");  
4     }  
5 }
```

- Sowie: `javac Hello.java`
- Und dann: `java Hello:`

```
Hello World!
```

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1$$


Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.


$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

$$\begin{array}{r} 1 \\ + \\ \\ = \\ 1 \end{array}$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1		1
+		+
=	.	2
1	↗	3

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1	1	0
+	+	+
=	2	6
1	3	6

Diagram illustrating the step-by-step calculation of the decimal value of the binary number 1101 using the Horner's scheme. The diagram shows three columns of numbers. The first column contains 1, +, =, and 1. The second column contains 1, +, 2, and 3. The third column contains 0, +, 6, and 6. Arrows indicate the progression of the calculation: from the first column to the second, and from the second to the third. Each arrow is labeled with ". 2", representing the multiplication by the base 2. The final result is 13 in decimal.

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal

- Am Beispiel von $1101_{(2)}$.

$$((1 \cdot 2 + 1) \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (3 \cdot 2 + 0) \cdot 2 + 1 = (6 \cdot 2) + 1 = 13_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1	1	0	1
+	+	+	+
	2	6	12
=	=	=	=
1	3	6	13

Diagram illustrating the step-by-step calculation of the decimal value of the binary number 1101 using the Horner's scheme. The diagram shows the sequence of operations: starting with 1, multiplying by 2 and adding the next digit (1) to get 3, then multiplying by 2 and adding the next digit (0) to get 6, and finally multiplying by 2 and adding the last digit (1) to get 13. Arrows indicate the flow of the calculation from left to right.

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

$$\begin{array}{r} 1 \\ + \\ \\ = \\ 1 \end{array}$$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1		1
+		+
=	$\cdot 5$	5
1		6

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1	1	0
+	+	+
=	5	30
1	6	30

Diagram illustrating the step-by-step calculation of the decimal value of $1101_{(5)}$ using the Horner's scheme. The diagram shows the intermediate results and the multiplication by 5 at each step:

- Step 1: $1 \cdot 5 + 1 = 6$
- Step 2: $6 \cdot 5 + 0 = 30$
- Step 3: $30 \cdot 5 + 1 = 151$

Aussicht: Hornerschema, b zu Dezimal (II)

- Andere Basis: $1101_{(5)}$.

$$((1 \cdot 5 + 1) \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (6 \cdot 5 + 0) \cdot 5 + 1 = (30 \cdot 5) + 1 = 151_{(10)}.$$

- Tabellarisch:

1	1	0	1
+	+	+	+
=	5	30	150
1	6	30	151

Diagram illustrating the step-by-step calculation of the decimal value of $1101_{(5)}$ using the Horner's scheme. The diagram shows the progression of the calculation across four columns. The first column shows the initial value 1. The second column shows the result of $1 \cdot 5 + 1 = 6$. The third column shows the result of $6 \cdot 5 + 0 = 30$. The fourth column shows the final result of $30 \cdot 5 + 1 = 151$. Arrows indicate the flow of the calculation from left to right, with the multiplier 5 and the addition of the next digit (1, 0, 1) shown above the arrows.

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.
- Tabellarisch:

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.
- Tabellarisch:

$$\begin{array}{r} 1 \\ + \\ 150 \\ = \\ 151 \end{array}$$

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.
- Tabellarisch:

0	1
+	+
30	150
=	=
30	151

$\swarrow \div 5$

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.
- Tabellarisch:

1	0	1
+	+	+
5	30	150
=	=	=
6	30	151

Diagram illustrating the conversion of the decimal number 151 to base 5 using the Horner's scheme. The process involves repeated division by 5, with the remainders (6, 30, 151) being the digits in base 5, read from bottom to top. The diagram shows the division steps: $151 \div 5 = 30$ remainder 1, and $30 \div 5 = 6$ remainder 0. The final result is $151_{10} = 106_5$.

Aussicht: Hornerschema, Dezimal zu b

- 151_{10} zurück zur Basis 5.
- Tabellarisch:

1	1	0	1
+	+	+	+
=	5	30	150
1	6	30	151

Diagram illustrating the conversion of the decimal number 151 to base 5 using the Horner's scheme (repeated division by 5). The diagram shows the sequence of divisions and remainders:

- $151 \div 5 = 30$ remainder 1
- $30 \div 5 = 6$ remainder 0
- $6 \div 5 = 1$ remainder 1
- $1 \div 5 = 0$ remainder 1

The remainders, read from bottom to top, give the base 5 representation: $151_{10} = 1101_5$.

Aussicht: Algorithmus, was ist das?

Aussicht: Algorithmus, was ist das?

- *Eindeutige* Handlungsvorschrift zur Lösung eines Problems.

Aussicht: Algorithmus, was ist das?

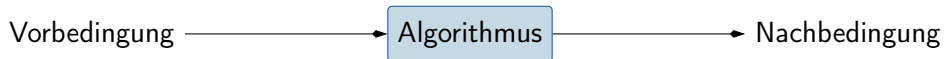
- *Eindeutige* Handlungsvorschrift zur Lösung eines Problems.
- Endlich viele, *wohldefinierte* (also nicht mehrdeutige) Einzelschritte.

Aussicht: Algorithmus, was ist das?

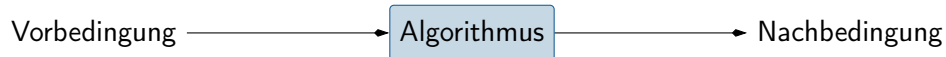
- *Eindeutige* Handlungsvorschrift zur Lösung eines Problems.
- Endlich viele, *wohldefinierte* (also nicht mehrdeutige) Einzelschritte.
- Mit der Zeit werden wir mehr Eigenschaften zur Charakterisierung betrachten.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

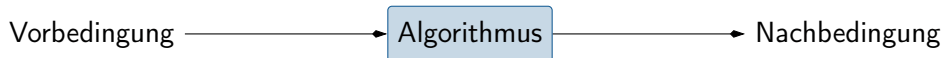


Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



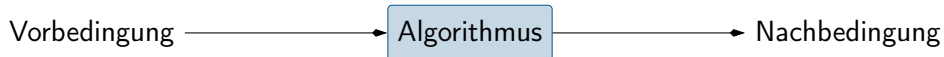
- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



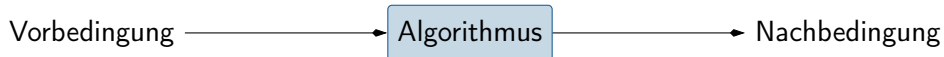
- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

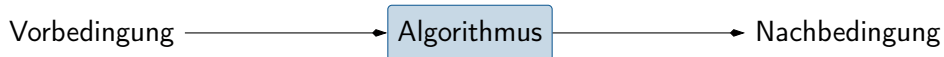
Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

Ganzzahliges Array: Tupel der Größe $m \geq 1$ mit: $t = (t_1, t_2, \dots, t_m) \in \mathbb{Z}^m$ ($t_i \in \mathbb{Z}$ für alle t_i)

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



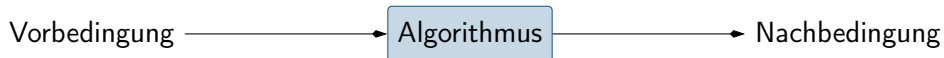
- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

Ganzzahliges Array: Tupel der Größe $m \geq 1$ mit: $t = (t_1, t_2, \dots, t_m) \in \mathbb{Z}^m$ ($t_i \in \mathbb{Z}$ für alle t_i)

Beliebig: Die Elemente müssen nicht sortiert vorliegen.

(Also gilt zum Beispiel nicht $t_1 \leq t_2 \leq \dots \leq t_m$.)

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

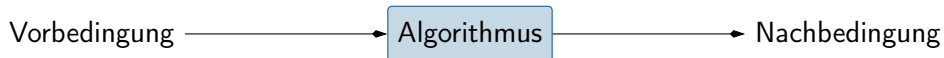
Ganzzahliges Array: Tupel der Größe $m \geq 1$ mit: $t = (t_1, t_2, \dots, t_m) \in \mathbb{Z}^m$ ($t_i \in \mathbb{Z}$ für alle t_i)

Beliebig: Die Elemente müssen nicht sortiert vorliegen.

(Also gilt zum Beispiel nicht $t_1 \leq t_2 \leq \dots \leq t_m$.)

Größe: Die größte ganze Zahl $z \in t$ mit $z = \max(t)$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

Ganzzahliges Array: Tupel der Größe $m \geq 1$ mit: $t = (t_1, t_2, \dots, t_m) \in \mathbb{Z}^m$ ($t_i \in \mathbb{Z}$ für alle t_i)

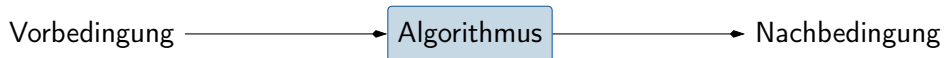
Beliebig: Die Elemente müssen nicht sortiert vorliegen.

(Also gilt zum Beispiel nicht $t_1 \leq t_2 \leq \dots \leq t_m$.)

Größe: Die größte ganze Zahl $z \in t$ mit $z = \max(t)$.

Ordentlich wäre rein mathematische/axiomatisch belegte Formalisierungen zu nutzen.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- Information: Die Regeln zum Pseudocode gelten hier nach wie vor!
- Problemspezifikation:

Ganzzahliges Array: Tupel der Größe $m \geq 1$ mit: $t = (t_1, t_2, \dots, t_m) \in \mathbb{Z}^m$ ($t_i \in \mathbb{Z}$ für alle t_i)

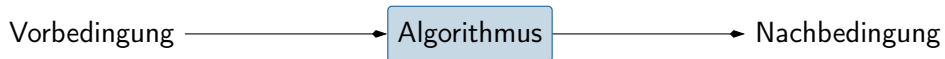
Beliebig: Die Elemente müssen nicht sortiert vorliegen.

(Also gilt zum Beispiel nicht $t_1 \leq t_2 \leq \dots \leq t_m$.)

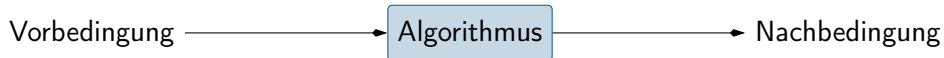
Größe: Die größte ganze Zahl $z \in t$ mit $z = \max(t)$.

Ordentlich wäre rein mathematische/axiomatisch belegte Formalisierungen zu nutzen. In dieser Veranstaltung beschreiten wir einen Mittelweg.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

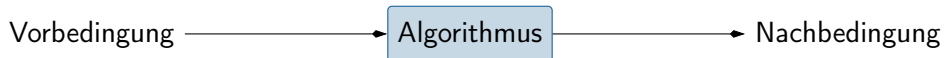


Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



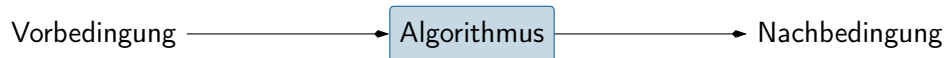
- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- **Problemabstraktion:**

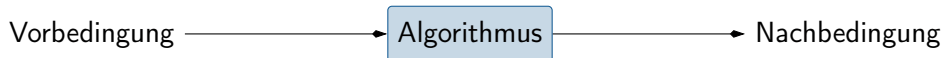
Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- **Problemabstraktion:**

Gegeben: Endliches unsortiertes Array t an ganzen Zahlen $n \in \mathbb{Z}$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

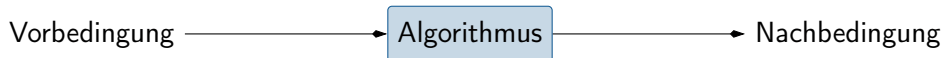


- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- **Problemabstraktion:**

Gegeben: Endliches unsortiertes Array t an ganzen Zahlen $n \in \mathbb{Z}$.

Gesucht: Maximales ganzzahliges Element $x = \max(t)$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



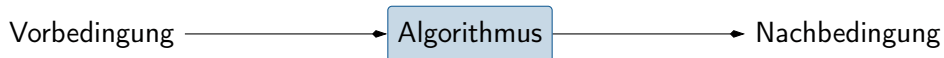
- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- **Problemabstraktion:**

Gegeben: Endliches unsortiertes Array t an ganzen Zahlen $n \in \mathbb{Z}$.

Gesucht: Maximales ganzzahliges Element $x = \max(t)$.

In diesem Fall ist die Abstraktion nahezu offensichtlich.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?



- Suche die größte ganze Zahl in einem beliebigen (ganzzahligen, nicht-leeren) Array.
- **Problemabstraktion:**

Gegeben: Endliches unsortiertes Array t an ganzen Zahlen $n \in \mathbb{Z}$.

Gesucht: Maximales ganzzahliges Element $x = \max(t)$.

In diesem Fall ist die Abstraktion nahezu offensichtlich. Es dient der Veranschaulichung des Vorgehens 😊.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):
 $\text{max} = a[i]$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

1. Setze $\text{max} = a[0]$.
2. Setze $i = 1$.
3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Korrektheitsnachweis:**

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

1. Setze $\text{max} = a[0]$.
2. Setze $i = 1$.
3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
4. Lösung ist max .

- **Korrektheitsnachweis:**

Terminiert: Die Schleife aus 3. endet sicher, da i in jeder Iteration um 1 inkrementiert wird und damit streng monoton wächst,

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

1. Setze $\text{max} = a[0]$.
2. Setze $i = 1$.
3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
4. Lösung ist max .

- **Korrektheitsnachweis:**

Terminiert: Die Schleife aus 3. endet sicher, da i in jeder Iteration um 1 inkrementiert wird und damit streng monoton wächst, also sicher irgendwann $i < m$ mit $m \geq 1$ nicht mehr erfüllt.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

1. Setze $\text{max} = a[0]$.
2. Setze $i = 1$.
3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
4. Lösung ist max .

- **Korrektheitsnachweis:**

Terminiert: Die Schleife aus 3. endet sicher, da i in jeder Iteration um 1 inkrementiert wird und damit streng monoton wächst, also sicher irgendwann $i < m$ mit $m \geq 1$ nicht mehr erfüllt.

Partiell korrekt: Hier lässt sich leicht zeigen, dass für jeden Schritt in 3. gilt, dass $\text{max} \geq (t_1, \dots, t_i)$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)

1. Setze $\text{max} = a[0]$.
2. Setze $i = 1$.
3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
4. Lösung ist max .

- **Korrektheitsnachweis:**

Terminiert: Die Schleife aus 3. endet sicher, da i in jeder Iteration um 1 inkrementiert wird und damit streng monoton wächst, also sicher irgendwann $i < m$ mit $m \geq 1$ nicht mehr erfüllt.

Partiell korrekt: Hier lässt sich leicht zeigen, dass für jeden Schritt in 3. gilt, dass $\text{max} \geq (t_1, \dots, t_i)$. Für $m = 1$ ist weiter $\text{max} = a[0] = \text{max}(t_0)$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn ($\text{max} < a[i]$):
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse:**

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse:** Wir machen dies als strukturierten Text:

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse:** Wir machen dies als strukturierten Text:
 - 1. und 2. entsprechen jeweils einer Elementaroperation.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse: Wir machen dies als strukturierten Text:**
 - 1. und 2. entsprechen jeweils einer Elementaroperation.
 - 3. wird genau $m - 1$ mal ausgeführt. Sie enthält sicher einen Vergleich und ein Inkrement. Eventuell eine Zuweisung.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 - $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse: Wir machen dies als strukturierten Text:**
 - 1. und 2. entsprechen jeweils einer Elementaroperation.
 - 3. wird genau $m - 1$ mal ausgeführt. Sie enthält sicher einen Vergleich und ein Inkrement. Eventuell eine Zuweisung. Für unseren Fall also drei Elementaroperationen.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse:** Wir machen dies als strukturierten Text:
 - 1. und 2. entsprechen jeweils einer Elementaroperation.
 - 3. wird genau $m - 1$ mal ausgeführt. Sie enthält sicher einen Vergleich und ein Inkrement. Eventuell eine Zuweisung. Für unseren Fall also drei Elementaroperationen.

Damit ist der Gesamtaufwand $1 + 1 + (m - 1) \cdot (3) = 2 + 3m - 3 = 3m - 1$.

Aussicht: Algorithmus, wie definiere ich das?

- **Algorithmenentwurf:** (Annahme eines 0-indizierten Arrays mit Zugriff $a[i]$ für das i -te Element t_i .)
 1. Setze $\text{max} = a[0]$.
 2. Setze $i = 1$.
 3. Solange $i < m$:
 - Wenn $(\text{max} < a[i])$:
 $\text{max} = a[i]$.
 - Inkrementiere i um 1.
 4. Lösung ist max .
- **Aufwandsanalyse:** Wir machen dies als strukturierten Text:
 - 1. und 2. entsprechen jeweils einer Elementaroperation.
 - 3. wird genau $m - 1$ mal ausgeführt. Sie enthält sicher einen Vergleich und ein Inkrement. Eventuell eine Zuweisung. Für unseren Fall also drei Elementaroperationen.

Damit ist der Gesamtaufwand $1 + 1 + (m - 1) \cdot (3) = 2 + 3m - 3 = 3m - 1$.

Für komplexere Szenarien können sich die Analysen auch komplexer gestalten.

