



Informatik I - Übung 5

Pascal Schärli

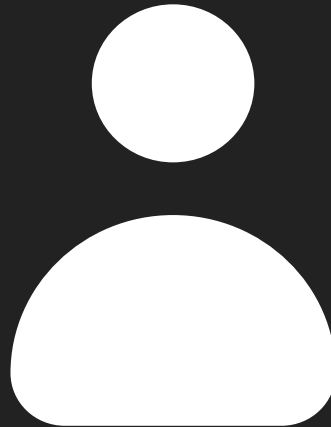
pascscha@student.ethz.ch

22.03.2019

Was gibts heute?

- Self-Assesment
- Nachbesprechung
- Best-Of Vorlesung:
 - Pre/Post Conditions
 - Funktionen
 - Stepwise Refinement (&Program of the Week)
- Vorbesprechung

Self-Assessment



Nachbesprechung



Loop Analysis

Was berechnet diese Programm?

$$2^n$$

Was ist der Wertebereich für n ?

$$n \in [0 \dots 31]$$

Zeige, das das Programm für alle $n \in [0 \dots 31]$ terminiert

Das Programm terminiert für $n = 0$ wegen dem if-Block.

Für $n \in [1 \dots 31]$, $n \in \mathbb{N}$ ist $(\backslash k \backslash)$ streng monoton steigend mit Startwert 0.

Daher muss irgendwann $k = n$ gelten und das Programm terminiert.

```
unsigned int n;  
std::cin >> n;  
  
unsigned int x = 1;  
if (n > 0) {  
    unsigned int k = 0;  
    bool e = true;  
    do {  
        if (++k == n) {  
            e = false;  
        }  
        x *= 2;  
    } while(e);  
}  
std::cout << x << std::endl;
```

Best of Vorlesung

Pre / Post Conditions

Precondition:

Nicht nötig

Postcondition:

```
// POST: return value is  
//       the maximum of  
//       i, j and k
```

```
double f (double i,  
          double j,  
          double k) {  
  
    if (i > j) {  
        if (i > k) {  
            return i;  
        }  
        else {  
            return k;  
        }  
    }  
    else {  
        if (j > k) {  
            return j;  
        }  
        else {  
            return k;  
        }  
    }  
}
```

Pre / Post Conditions

```
double g (int i, int j) {  
    double r = 0.0;  
    for (int k = i; k <= j; ++k){  
        r += 1.0 / k;  
    }  
    return r;  
}
```

Precondition:

```
// PRE: 0 not contained  
//      in {i, ..., j}
```

Postcondition:

```
// POST: return value is the sum  
//      1/i + 1/(i+1) + ... + 1/j
```


Funktionen

Was ist der Output von diesem Programm, vorausgesetzt es gibt keine Overflows?

```
i * f(i) * f(f(i))
= i * (i*i) * f(f(i))
= i * (i*i) * f(i*i)
= i * (i*i) * ((i*i)*(i*i))
```

$= i^7$

```
#include <iostream>

int f (int i) {
    return i * i;
}

int g (int i) {
    return i * f(i) * f(f(i));
}

void h (int i) {
    std::cout << g(i) << "\n";
}

int main () {
    int i;
    std::cin >> i;
    h(i);
    return 0;
}
```

Perfect Numbers

Eine "Perfekte" Zahl ist eine Zahl, welche gleich der Summe all ihrer Teiler ist.

Beispiel:

1. $28 = 1 + 2 + 4 + 7 + 14$ ist perfekt
2. $12 < 1 + 2 + 3 + 4 + 6$ ist nicht perfekt.

"Skizziert" auf Papier eine Funktion, welches Zählt, wie viele dieser Perfekten Zahlen in einem Intervall $[a,b]$ existieren.

```
#include <iostream>
#include "perfect.h"

bool is_perfect(unsigned int number) {
    // [...]
}

unsigned int count_perfect( unsigned int a,
                           unsigned int b) {
    // [...]
}

int main () {
    // input
    unsigned int a;
    unsigned int b;
    std::cin >> a >> b;

    // computation and output
    unsigned int count = count_perfect(a, b);

    // output
    std::cout << count << std::endl;

    return 0;
}
```

Perfect Numbers

```
#include <iostream>
#include "perfect.h"

bool is_perfect(unsigned int number) {
    unsigned int sum = 0;
    for (unsigned int d = 1; d < number; ++d) {
        if (number % d == 0) {
            sum += d;
        }
    }
    return sum == number;
}

unsigned int count_perfect(unsigned int a,
                           unsigned int b) {
    unsigned int count = 0;
    for (unsigned int i = a; i <= b; ++i) {
        if (is_perfect(i)) {
            std::cerr << i << std::endl;
            count++;
        }
    }
    return count;
}
```

Stepwise Refinement

Grosse Aufgaben von Grund auf zu programmieren kann häufig überwältigend wirken

- Wo soll man starten?
- Was für Funktionen brauchen wir?
- Wie soll man das Programm strukturieren?

Diese grossen Aufgaben können in kleine überschaubare Probleme aufgeteilt werden. → **stepwise approach**

Stepwise Refinement

Vorgehensweise

1. Gliederung

Grobe Struktur mit Kommentaren

2. Verfeinern

1. Genauere Kommentare

2. Programmieren

3. (Hypothetische) Funktionsaufrufe

Program of the Week



Stepwise Refinement

```
int main(){
    //The number of sticks at the start of the game
    unsigned int sticksLeft = 17;

    //Indicates wether the computer can start or not.
    bool computersTurn = true;

    while(sticksLeft > 0){
        // Display game state
        printSticks(sticksLeft);

        if(computersTurn){ // Computer plays
            unsigned int amount = computerPlayer(sticksLeft);
            std::cout << "The computer takes " << amount << " sticks." << std::endl;
            sticksLeft -= amount;
        }
        else{ // Human plays
            unsigned int amount = humanPlayer(sticksLeft);
            std::cout << "You take " << amount << " sticks." << std::endl;
            sticksLeft -= amount;
        }
        //Switch players
        computersTurn = !computersTurn;
    }

    if(computersTurn){
        std::cout << "The computer won, too bad." << std::endl;
    }
    else{
        std::cout << "You won, congratulations!" << std::endl;
    }

    return 0;
}
```

1. Gliederung

Grobe Struktur mit Kommentaren

2. Verfeinern

1. Genauere Kommentare

2. Programmieren

3. (Hypothetische) Funktionsaufrufe

Stepwise Refinement

```
//PRE: Number of sticks that are left on the field
//POST: the number of sticks n the user wants to take.
//      1 >= n >= 3
int humanPlayer(int sticksLeft){
    std::cout << "How many sticks would you like to take? ";
    int nSticks;

    do {
        std::cin >> nSticks;
        if(nSticks < 1 or nSticks > 3){
            std::cout << "Please enter a value between 1 and 3. ";
        }
        else if(nSticks > sticksLeft){
            std::cout << "There are only " << sticksLeft << " sticks left. ";
        }
    } while(nSticks < 1 or nSticks > 3 or nSticks > sticksLeft);

    return nSticks;
}
```

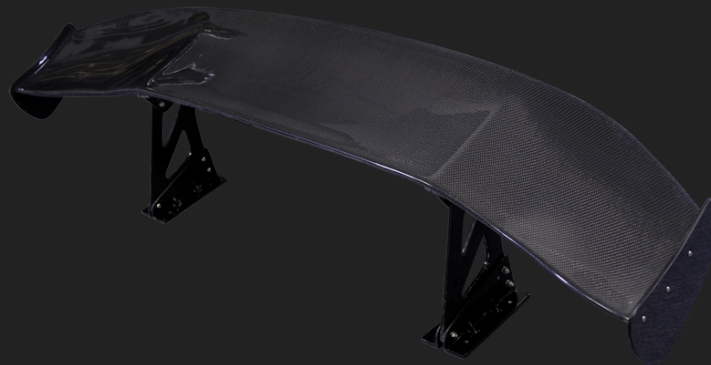

Stepwise Refinement

```
//PRE:  Number of sticks that are left on the field
//POST: the number of sticks n the computer wants to take.
//      1 >= n >= 3
int computerPlayer(int sticksLeft){
    int amount = (sticksLeft-1) % 4;

    if(amount == 0){
        amount = 1;
    }

    return amount;
}
```

Vorbesprechung



1: Perpetual calendar

Was für ein Wochentag war am 22.05.1996?

Schreibt ein Programm, welches zu einem beliebigen Datum den Wochentag herausfinden kann.

Tipps:

- Teilt die komplexe Aufgabe in kleine machbare Teilschritte auf. (Stepwise Refinement)
- Es gibt die **Gaußsche Wochentagsformel**, die darf man aber *nicht* verwenden.

2: Run-Length Encoding

```
0 0 0 0 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
3 3 3 3 3 3 3 3 3
4 4 4 4 4 4 4 4
5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
6 6 6 6 6 6 6 6 6 6
7 7 7 7 7 7 7 7 7 7
8 8 8 8 8 8 8
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
```

⇒ 9 · "0", 11 · "1",
11 · "2", 9 · "3",
8 · "4", 12 · "5",
12 · "6", 8 · "7",
7 · "8", 13 · "9"

```
9 0 11 1
11 2 9 3
8 4 12 5
12 6 8 7
7 8 13 9
```

In dieser Aufgabe bauen wir uns einen Algorithmus um Byte-Sequenzen zu Komprimieren

2: Run-Length Encoding Tipps

```
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
4 4 4 4 4 4 4 4 4
5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6
7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7
8 8 8 8 8 8 8
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
```



```
9 0 11 1
11 2 9 3
8 4 12 5
12 6 8 7
7 8 13 9
```

Decode:

Wiederhole bis -1:

1. Lese Anzahl Wiederholungen n
2. Lese Wert b
3. Gib Wert b genau n-mal aus

```
// POST: returns true if 0 <= value <= 255, otherwise false
bool is_byte(int value){/*...*/}

// PRE: 1 <= runlength <= 255, and value is a byte.
// POST: outputs run length encoded bytes of tuple
void output(unsigned int run_length,
            unsigned int value){/*...*/}

// POST: reads byte sequence and outputs encoded bytes
void encode(){/*...*/}

// POST: reads byte sequence and outputs decoded bytes
void decode(){/*...*/}
```

Encode:

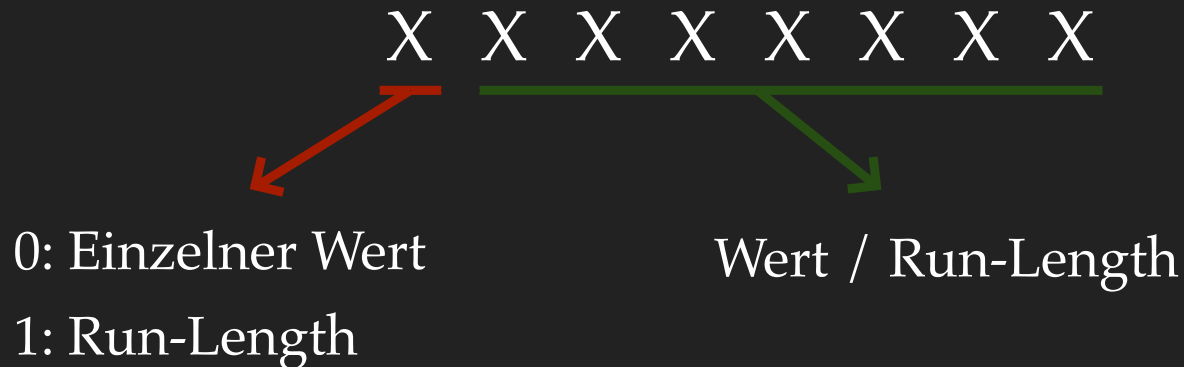
Wiederhole bis -1:

1. Setze Counter c auf 1
2. Lies Wert b
3. Lies so lange b, bis anderer Wert kommt & erhöhe Counter
4. Output: Counter Wert

3: Run-Length Encoding Reloaded



Für Bytes mit run-length 1 (keine Wiederholung) ist der Algorithmus sehr ineffizient.



3: Run-Length Encoding Reloaded

Sequenz Dezimal

0 0 1 2

Sequenz Binär

00000000
00000000
00000001
00000010

Encoding Binär

10000020
00000000
00000001
00000010

Encoding Dezimal

130 1 2

Sequenz Dezimal

200 20 20 20

Sequenz Binär

11001000
00010100
00010100
00010100

Encoding Binär

10000001
11001000
10000011
00010100

Encoding Dezimal

129 200 131 20

Viel Spass!

